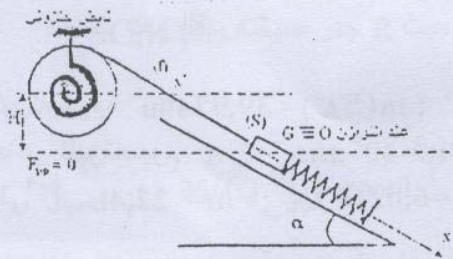


التمرين الأول (8Pts)



نهمل جميع الاحتكاكات و نأخذ $g=10 \text{ ms}^{-2}$
 نعتبر المجموعة الممثلة في الشكل جانبه و المكونة من :
 بكرة شعاعها r قابلة للدوران في مستوى رأسي حول محور
 ثابت (Δ) يمر من مركزها O . نرمز ب J_{Δ} لعزم قصور
 البكرة بالنسبة لمحور الدوران.
 نابض حلزوني ثابتة ليه C .

جسم (S) قابل للحركة على مستوى مانل بزاوية α بالنسبة للمستوى
 الأفقي. الجسم (S) مشدود من احد طرفيه لخيط (f) غير مدود
 و كتلته مهملة و من الطرف الأخر لنابض ذي لفات غير متصلة
 و ثابتة صلابة K .

$$C=0,1 \text{ N.m.rad}^{-1} \quad r=10 \text{ cm} \quad m=150 \text{ g} \quad K=10 \text{ N.m}^{-1} \quad J_{\Delta}=5 \cdot 10^{-4} \text{ Kg.m}^2 \quad \alpha=10^\circ$$

عند التوازن يكون النابض ذي الصلابة K غير مشوه و يكون النابض الحلزوني ملتو بالزاوية θ_0

- 1- باعتبار توازن المجموعة اوجد تعبير الزاوية θ_0 بدلالة C, r, g, m . احسب بالدرجة قيمة الزاوية θ_0
- 2- نزيح الجسم (S) في منحنى المحور Ox بالمسافة $x_0=1,5 \text{ cm}$ و نحرره بسرعة بدنية $v_0=0,1 \text{ ms}^{-1}$ عند لحظة $t_0=0$ و نقبل أن الخيط (f) يبقى متوترا خلال الحركة.
- 1-2 بين أن تعبير الطاقة الميكانيكية للمجموعة يكتب على الشكل التالي

$$Em = \frac{1}{2} a_1 \dot{x}^2 + \frac{1}{2} a_2 x^2 + \frac{1}{2} a_3$$

حيث x أفصول مركز قصور (S) و a_1 و a_2 و a_3 ثوابت تحدد تعابيرها بدلالة المعطيات.

- ناخذ كحالة مرجعية لطاقة الوضع المرنة و طاقة وضع اللي النابضين غير مشوهين و المستوى الأفقي المار من موضع التوازن كحالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية. نرمز ب M لكتلة البكرة و H ارتفاع موضع قصورها بالنسبة للمستوى المرجعي.
- 2-2 باعتبار الدراسة الطاقية بين أن النبض الخاص ω_0 يكتب على الشكل

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{K + \frac{C}{r^2}}{m + \frac{J_{\Delta}}{r^2}}}$$

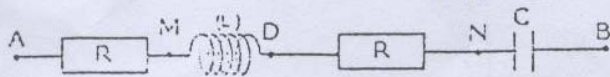
و حدد طبيعة الحركة.

- 3- اوجد المعادلة الزمنية لحركة الجسم (S) .

التمرين الثاني (6Pts)

نعتبر جزءا من دارة كهربائية AB مكونة من موصل اومي مقاومته $R=10 \Omega$ و وشيعة مقاومتها مهملة و معامل تحريضها $L=0,0184 \text{ H}$ و مكثف سعته $C=184 \mu\text{F}$

نطبق بين قطبي AB توترا متناوبا و جيبيبا $u(t) = 120\sqrt{2} \cos(100\pi t)$



- 1- احسب النبض ω_0 لكي تكون الدارة مقرا لظاهرة الرنين الكهربائي
- 2- احسب ادا الشدة الفعالة I_0 للتيار المارة في الدارة
- 3- أنجز إنشاء فرينيل الموافق لهذه الحالة ثم بين أن التوترين الفعالين U_{AD} و U_{DB} متساويين
- 4- بين أن التوتر u_{AD} متقدم في الطور على التوتر u_{DB} ب $\frac{\pi}{2}$