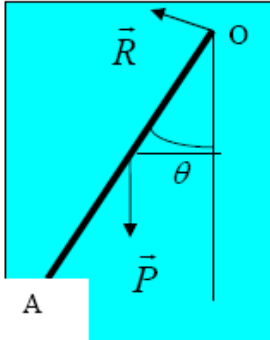


التمرين الأول

1.



1.1- جرد القوى - وزن العارضة $\vec{P}$:
مع $M_{\Delta}(\vec{P}) = -mg \frac{l}{2} \sin \theta \approx -mg \frac{l}{2} \theta$

- تأثير محور الدوران $\vec{R}$: مع $M_{\Delta}(\vec{R}) = 0$:
بتطبيق العلاقة الأساسية لديناميك في حالة الدوران :

$$\sum M(\vec{F}) = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta}$$

$$-mg \cdot \frac{l}{2} \cdot \theta = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta}$$

نستنتج المعادلة التفاضلية التالية : $\ddot{\theta} + \frac{mg \cdot l}{2J_{\Delta}} \cdot \theta = 0$

و بالتعويض نحصل على : $\ddot{\theta} + \frac{3 \cdot g}{2l} \cdot \theta = 0$

بما ان المعادلة خطية فان حلها جيبي يكتب على الشكل التالي : $\theta(t) = \theta_m \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi)$

لدينا عند اصل التواريخ : $\theta(t=0) = \theta_m = \theta_m \cdot \cos \varphi$ مع $\theta_m = 9^\circ = \frac{\pi}{20} \text{ rad}$

ومنه : $\cos \varphi = 1$
 $\varphi = 0$ و $\omega_0 = 3.87 \text{ rad/s}$

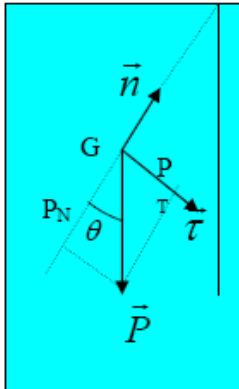
ومنه حل المعادلة التفاضلية : $\theta(t) = \frac{\pi}{20} \cdot \cos(3.87t) \text{ rad}$

1.2- بتطبيق مبرهنة مركز القصور على العارضة لدينا : $\vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}$

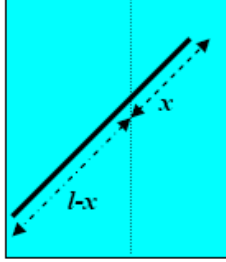
و بإسقاط العلاقة في معلم فريني لدينا :

$$\begin{aligned} P_N + R_N &= m \cdot a_N \\ -mg \cos \theta + R_N &= m \cdot \frac{l}{2} \cdot \left(\ddot{\theta} \right)^2 \\ R_N &= m \left(g \cos \theta + \frac{l}{2} \cdot \left(\ddot{\theta} \right)^2 \right) \end{aligned}$$

- على المتجهة المماسية $\vec{\tau}$:



$$\begin{aligned}
 P_T + R_T &= m \cdot a_T \\
 mg \cdot \sin \theta + R_T &= m \cdot \frac{l}{2} \cdot \ddot{\theta} \\
 R_T &= m \left(\frac{l}{2} \cdot \ddot{\theta} - g \cdot \sin \theta \right)
 \end{aligned}$$



1.3- عند موضع التوازن المستقر لدينا $\theta = 0$ ومنه $\dot{\theta} = 0$.
 ومنه $R_T = 0$ و $R_N = 5.09 N$.

-2

1.2- الكتلة موزعة بانتظام على الساق ومنه $\frac{m}{l} = \frac{m'}{x} = \frac{m''}{l-x}$

- بالنسبة للجزء الذي طوله x وكتلته m' عزم قصوره هو $J' = \frac{m'x^2}{3} = \frac{m}{3l} \cdot x^3$

- بالنسبة للجزء الذي طوله $(l-x)$ وكتلته m'' عزم قصوره هو :

$$J'' = \frac{m''(l-x)^2}{3} = \frac{m}{3l} \cdot (l-x)^3$$

ومنه عزم قصور العارضة بالنسبة للمحور الجديد Δ' : $J_{\Delta'} = \frac{m}{3l} [x^3 + (l-x)^3]$

2.2- نكتب الدور الخاص للحركة التذبذبية على الشكل التالي :

$$T_o = \frac{2\pi}{\omega_o} = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{J}{mgO'G}}$$

و اعتمادا على الشكل لدينا : $O'G = \frac{l}{2} - x$ ومنه الدور يكتب على الشكل التالي :

$$T = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{x^3 + (l-x)^3}{3gl(\frac{l}{2} - x)}}$$

2.3-

2.3.1- خلال ذبذبة تكون المدة المقطوعة هي الدور الخاص للحركة التذبذبية : $T' = \frac{\Delta t}{10} = 4s$

و باستعمال العلاقة السابقة للدور الخاص حيث مربعها يساوى : $T'^2 = 16 = 4\pi^2 \cdot \frac{x^3 + (l-x)^3}{3gl(\frac{l}{2} - x)}$

ومنه $x^3 + (1-x)^3 = (16 \cdot 30)(0.5 - x)$

ونحصل على معادلة من الدرجة الثانية : $3x^2 + 9x - 5 = 0$

$$x = 0.479m$$

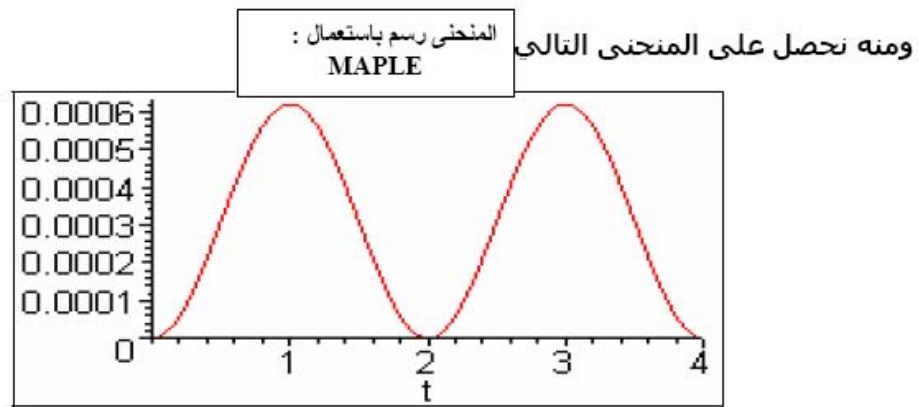
التي تقبل حلا فيزيائيا : 2.3.2- تعبر عن الطاقة الحركية للعارضة التي تتجز حركة دائرية بالعلاقة التالية :

$$E_C = \frac{1}{2} J_{\Delta} \dot{\theta}^2$$

$$E_C = 1.31.10^{-3} \cdot \sin^2\left(\frac{\pi}{2}t\right)$$

$$E_C = 6.5.10^{-4} \cdot (1 - \cos(\pi t))$$

وبتعبير تعبیر $\theta = -\theta_m \cdot \omega_0 \cdot \sin \omega_0 t$ نحصل على التعبير التالي :



نهاية الميكانيك

التمرين الثاني

1- اعتمادا على المبيان لدينا التوتر $u_{AM}(t)$ متقدم في الطور على التوتر $u_{BM}(t)$.

$$\varphi = 2\pi \cdot \frac{\tau}{T}$$

و باستعمال العلاقة :

$$\varphi_{AM} / BM = \frac{\pi}{2} rad$$

نجد :

$$\varphi_{BM} / i = -\frac{\pi}{2} rad$$

ولدينا بالاعتماد على إنشاء فرينيل :

$$\varphi_{i/AM} = \varphi_{i/BM} + \varphi_{BM/AM} = 0$$

ومنه :

ومنه الظاهرة الملاحظة هي **ظاهرة الرنين**

$$Q = \frac{L\omega_0}{R+r} = \frac{1}{C\omega_0(R+r)}$$

2- نعرف معامل الجودة بما يلي :

عند الرنين لدينا : ① $U_c = \frac{I_o}{C\omega_o}$ و ② $U = Z_o \cdot I_o = (R+r) \cdot I_o$

ومنه التعريف الآخر لمعامل الجودة عند الرنين : $Q = \frac{U_C}{U} = \frac{U_{Cm}}{U_m}$

3- من خلال المنحنى لدينا : $U_{Cm} = 40V$ ومنه التوتر الفعال بين مربطي المكثف : $U_C = 20\sqrt{2} = 28,28V$

وبالمقارنة نجد أن : $U_C > U = 3.53V$ إذن الظاهرة الملحوظة هي ظاهرة فوق التوتر التي تحدث عند الرنين وهي من السلبيات الغير المرغوب فيها عند الرنين .

4- لدينا من العلاقتين ① و ② :

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{U}{U_C} = (r + R).C\omega \\ r = \frac{U}{C\omega U_C} - R \end{array} \right. \text{d'ou} \quad \text{تطبيق عددي : } r = 29.6\Omega$$

- عند الرنين لدينا : $L = \frac{1}{C\omega^2}$ تطبيق عددي : $L = 81mH$ (من المبيان لدينا : $\omega = 2\pi N = 2\pi.1250rad/s$)

5- 5.1 لدينا : $\begin{cases} N_1 = \alpha_1.N_0 \\ N_2 = \alpha_2.N_0 \end{cases}$ وانطلاقا من معامل الجودة لدينا : $\begin{cases} Q = \frac{N_0}{N_2 - N_1} \\ Q = \frac{1}{\alpha_2 - \alpha_1} \end{cases}$ ونعلم ان

التردد الخاص N_0 للمنطقة الممررة يمثل منتصف عرض المنطقة الممررة ΔN حيث :

$$\text{وباستغلال} \quad \begin{cases} N_0 = \frac{N_2 + N_1}{2} \\ 2 = \alpha_2 + \alpha_1 \end{cases}$$

العلاقتين السابقتين نحصل على مايلي :

$$\begin{cases} \alpha_1 = 1 - \frac{1}{2Q} = 0.94 \\ \alpha_2 = 1 + \frac{1}{2Q} = 1.065 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} N_1 = 1175Hz \\ N_2 = 1331Hz \end{cases}$$

5.2- نعبّر عن الشدة اللحظية للتيار بما يلي : $i(t) = I_m \cdot \cos(\omega t + \varphi)$

$$\cos \varphi = \frac{(r + R).I}{U} = \frac{(r + R).I}{(r + R).I_0} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\text{ومنه : } |\varphi| = \frac{\pi}{4} rad$$

- بالنسبة ل $N_1 < N_0$ الدارة تحريضية وتعبير التيار اللحظي كالتالي : $i(t) = 0.0628 \cdot \cos(8363t + \frac{\pi}{4})$

- بالنسبة ل $N_2 > N_0$ الدارة كثافية وتعبير التيار اللحظي كالتالي : $i(t) = 0.0628 \cdot \cos(8363t - \frac{\pi}{4})$

نهاية الكهرباء

التمرين الثالث

1-1-1- معادلة الاستحالة النووية هي كالتالي : ${}^{210}_{84}Po \rightarrow {}^{208}_{82}Pb + {}^4_2He$

- الطاقة الناتجة عن التفتت : $E = (m(Po) - m(Pb) - m(\alpha)).c^2$

ت.ع : $E = 5,4 \text{ MeV}$

1-2- باستعمال انحفاظ كمية الحركة و انحفاظ الطاقة الكلية نحصل على ما يلي

$$\begin{aligned}\vec{O} &= \vec{p}_\alpha + \vec{p}_{Pb} \\ p_\alpha &= p_{Pb} \\ m_\alpha V_\alpha &= m_{Pb} V_{Pb} \\ m_\alpha E_C(\alpha) &= m_{Pb} E_C(Pb) \\ E &= E_C(Pb) + E_C(\alpha) \\ E_C(\alpha) &= \frac{E}{1 + \frac{m_\alpha}{m_{Pb}}}\end{aligned}$$

بتطبيق عددي نحصل على : $\frac{E_C(Pb)}{E} = 1.85\%$ ومنه الطاقة الحركية للنوية المتولدة مهملة أمام

الطاقة الناتجة عن التفاعل.

3.1-

1.3.1- انبعاث الفوتونات ناتج عن فقدان الذرة لاثارتها.

1.3.2- * عندما تكون النوية المتولدة مستقرة فان : $E = E_{C1}$

* عندما تكون في حالة مثارة فان : $E = E_{C2} + E_\gamma$

ومنه : $E_\gamma = E_{C1} - E_{C2}$
 $E_\gamma = 0.8 \text{ MeV}$
 ولد لنا $E_\gamma = \frac{h.c}{\lambda}$ تطبيق عددي : $\lambda = 1,55.10^{-12} \text{ m}$

2-

2.1- لدينا النشاط الاشعاعي عند لحظة معينة $a = a_0.e^{-\lambda t}$ ومنه :

- عند اللحظة : $a_1 = a_0.e^{-\lambda t_1}$

- عند اللحظة : $a_2 = a_0.e^{-\lambda t_2}$

إذن : $\frac{a_2}{a_1} = e^{-\lambda' (t_2 - t_1)}$

ومنه نستنتج أن : $\lambda' = \frac{\ln(\frac{a_2}{a_1})}{t_1 - t_2}$

ت.ع : $\lambda' = 5,023.10^{-3} \text{ j}^{-1}$

2.2- لدينا : $a_0 = a_1.e^{\lambda' t_1} = 5.10^{10} \text{ Bq}$

2.3- لدينا : $a_0 = \frac{m_o}{M(Pb)}.N_A$ تطبيق عددي : $m_0 = 3.10^{-4} \text{ g}$

بالنسبة للكيمياء سوف أتم حلها في فرصة لاحقة وشكرا بالنسبة
 لملاحظاتكم راسلونني على العنوان الالكتروني اعلاه. 19.06.2005